

# АЛГОРИТМЫ ВСТРАИВАНИЯ И ИЗВЛЕЧЕНИЯ ИНФОРМАЦИИ ИЗ ГРАФИЧЕСКИХ ИЗОБРАЖЕНИЙ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ВЕЙВЛЕТ-АНАЛИЗА

Лобач В. И.

Кафедра математического моделирования и анализа данных, Белорусский государственный университет  
Минск, Республика Беларусь  
E-mail: lobach@bsu.by

*Предлагается и исследуется алгоритм встраивания и извлечения информации на основе дискретного вейвлет-преобразования матрицы пикселей исходного изображения.*

## ВВЕДЕНИЕ

Развитие средств вычислительной техники дало мощный толчок для развития компьютерной стеганографии. Появилось много новых областей применения. Большинство исследований так или иначе связаны с цифровой обработкой сигналов. Сообщения встраиваются в цифровые данные, имеющие аналоговую природу и речь, аудиозаписи, изображения, видео [1, 2]. Известны также работы по встраиванию информации в текстовые файлы и в исполняемые файлы программ. В данной работе рассматривается один из возможных алгоритмов встраивания информации с использованием целочисленного вейвлет-преобразования.

### I. ЦЕЛОЧИСЛЕННОЕ ВЕЙВЛЕТ-ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ЦИФРОВОГО ИЗОБРАЖЕНИЯ

Дискретное изображение  $I$  представляет собой  $M \times N$  матрицу действительных чисел

$$I = \begin{pmatrix} I_{11} & I_{12} & \dots & I_{1N} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ I_{M1} & I_{M2} & \dots & I_{MN} \end{pmatrix}. \quad (1)$$

Вейвлет-преобразование матрицы  $I$  получается следующим образом:

- 1) дискретное вейвлет-преобразование применяется к каждой строке матрицы (1), в результате чего генерируется новая матрица;
- 2) дискретное вейвлет-преобразование применяется к сгенерированной на предыдущем шаге матрице, но теперь ко всем столбцам.

Получаются четыре матрицы, каждая из которых имеет размерность  $M/2 \times N/2$ :

$$\begin{pmatrix} D^1 & C^1 \\ B^1 & A^1 \end{pmatrix}. \quad (2)$$

Подматрица  $A^1$  матрицы (2) представляет собой сжатое (огрубленное) исходное изображение (с так называемыми низкочастотными компонентами). Подматрица  $B^1$  сохраняет горизонтальные детали изображения, подматрица  $C^1$  аналогична подматрице  $B^1$  за исключением того,

что она сохраняет вертикальные детали изображения (уточняющие коэффициенты). Подматрица  $D^1$  содержит диагональные детали изображения.

На втором шаге проводим те же операции с подматрицей  $A^1$ , полученной на первом шаге, в результате чего получаются матрицы второго уровня  $A^2, B^2, C^2, D^2$  и т. д.

Приведем формулы, определяющие элементы матриц  $A, B, C, D$ , если в качестве базового вейвлета выбран вейвлет Хаара [3]:

$$A_{ij} = (I_{2i,2j} + I_{2i+1,2j})/2, \quad (3)$$

$$B_{ij} = I_{2i,2j+1} - I_{2i,2j}, \quad (4)$$

$$C_{ij} = I_{2i+1,2j} - I_{2i,2j}, \quad (5)$$

$$D_{ij} = I_{2i+1,2j+1} + I_{2i,2j}, \quad (6)$$

где  $1 \leq i \leq M/2, 1 \leq j \leq N/2$ .

Очевидно, что формулы (3)–(6) обратимы, и мы можем однозначно восстановить исходное изображение по вычисленным коэффициентам вейвлет-преобразования. Обратное вейвлет-преобразование задается следующими формулами:

$$I_{2i,2j} = A_{ij} - B_{ij}/2, \quad (7)$$

$$I_{2i,2j+1} = A_{ij} + B_{ij}/2, \quad (8)$$

$$I_{2i+1,2j} = I_{2i,2j+1} + C_{ij} - B_{ij}, \quad (9)$$

$$I_{2i+1,2j+1} = I_{2i,2j+1} + D_{ij} - C_{ij}, \quad (10)$$

где  $1 \leq i \leq M/2, 1 \leq j \leq N/2$ .

### II. АЛГОРИТМЫ ВСТРАИВАНИЯ СООБЩЕНИЯ В ИЗОБРАЖЕНИЕ

На вход алгоритма встраивания поступает контейнер  $I = (I_{ij}), i = \overline{1, M}, j = \overline{1, N}$ , представляющий собой цветное изображение  $M \times N$  пикселей, и скрываемое сообщение  $m = (m_1, \dots, m_T), m_i \in \{0, 1\}$ , длины  $T$  бит. Алгоритм встраивания состоит из следующих шагов:

- 1) к изображению  $I$  согласно формулам (3)–(6) применяется дискретное вейвлет-преобразование, глубина разложения  $d$  дается пользователем, рекомендуется брать не более 3-4-х уровней декомпозиции;

2) выбирается подматрица коэффициентов, в которую будет встраиваться сообщение. По завершении декомпозиции на уровне глубины  $d$  возможно  $4^d$  различных подматриц вейвлет-коэффициентов;

3) на основании полученных данных генерируется стегоключ  $Key = (Y, T, K)$ , где  $Y \in R^3$  – параметры генератора случайных чисел,  $T \in N$  – длина встраиваемого сообщения,  $K \in N^3$  – число уровней декомпозиции, номер подматрицы для встраивания и размер блока коэффициентов;

4) на основании длины сообщения  $T$  задается число блоков изменяемых вейвлет-коэффициентов. Используя сгенерированный ранее параметр ключа  $Y$ , случайным образом выбираются номера блоков и их порядок, согласно которому будет производиться встраивание. Далее генерируется двоичный случайный образ, согласно которому каждый блок  $E_i$  коэффициентов делится на два субблока  $E_{i0}$  и  $E_{i1}$ . Для каждого субблока вычисляются средние значения  $l_{i0}$  и  $l_{i1}$ , выбирается некоторый порог  $\alpha$ , и бит сообщения встраивается следующим образом:

$$l_{i0} - l_{i1} \geq \alpha, \quad \text{если } m_i = 1,$$

$$l_{i0} - l_{i1} < -\alpha, \quad \text{если } m_i = 0.$$

Если эти условия не выполняются, то значения субблока  $V_{i1}$  изменяются до тех пор, пока одно из условий не будет выполнено;

5) по формулам (7)–(10) обратного вейвлет-преобразования вычисляется стеганограмма  $I^* = (I_{ij}^*), i = \overline{1, M}, j = \overline{1, N}$ .

### III. АЛГОРИТМЫ ИЗВЛЕЧЕНИЯ СООБЩЕНИЯ ИЗ ГРАФИЧЕСКОГО ИЗОБРАЖЕНИЯ

На вход алгоритма извлечения поступает стеганограмма  $I^* = (I_{ij}^*), i = \overline{1, M}, j = \overline{1, N}$ , и стегоключ  $Key = (Y, T, K)$ , сформированный в процессе сокрытия данных. Алгоритм извлечения состоит в следующем:

1) к последовательности  $I^*$  согласно формулам (3)–(6) применяется целочисленное вейвлет-преобразование. Глубина декомпозиции определяется на основе параметра ключа  $K \in N^3$ ;

2) на основании параметров ключа  $K \in N^3$  определяется подматрицы, в коэффициенты которых производилось встраивание информации, размер блока, содержащего бит сообщения; используя параметры  $T$  и  $Y$ , восстанавливается количество и порядок субблоков  $V_i^*$  коэффициентов, в которых выбрано сообщение.

3) для извлечения бита сообщения из блока  $V_i^*$  вейвлет-коэффициентов вычисляются средние значения его субблоков  $l_{i0}^*$  и  $l_{i1}^*$ , разность между этими значениями позволяет определить искомым бит:  $m_i^* = 1$ , если  $l_{i0}^* - l_{i1}^* > 0$ ,  $m_i^* = 0$ , если  $l_{i0}^* - l_{i1}^* < 0$ ;

4) формируется последовательность  $m^* = (m_1^*, \dots, m_T^*), m_i^* \in \{0, 1\}$ , состоящая из битов извлеченного сообщения. Извлеченная из стеганограммы последовательность  $m^* = (m_1^*, \dots, m_T^*)$  подается на выход алгоритма.

Проводилась компьютерная реализация указанных алгоритмов, в качестве контейнера использовались графические черно-белые изображения формата bmp. В качестве скрываемых данных использовались файлы формата txt размером от 0.5% до 5% от размеров контейнера – восстановление сообщения было без искажений; при объеме скрываемого сообщения более 5% имелись искажения в извлеченном сообщении.

### IV. СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Грибунин, В. Г. Цифровая стеганография / В. Г. Грибунин, И. Н. Оков – М.: Солон-Пресс, 2002. – 272 с.
2. Хорошко, В. А. Введение в компьютерную стеганографию / В. А. Хорошко, М. Е. Шелест – Киев: Ми-Пресс, 2006. – 178 с.
3. Малла, С. Вейвлеты в обработке сигналов / С. Малла – М.: Мир, 2005. – 671 с.