

# АНАЛИЗ ХАРАКТЕРИСТИК ФИЗИЧЕСКИ НЕКЛОНIRУЕМЫХ ФУНКЦИЙ ТИПА АРБИТР РАЗЛИЧНЫХ КОНФИГУРАЦИЙ

Шамына А. Ю., Иванюк А. А.

Кафедра программного обеспечения информационных технологий, кафедра информатики,

Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники

Минск, Республика Беларусь

E-mail: {shamyna, ivaniuk}@bsuir.by

*Произведен анализ характеристик случайности, уникальности и стабильности физически неклонируемых функций типа арбитр различных конфигураций. Кратко описано построение экспериментальной установки для исследования. Показана зависимость характеристик от длин блока симметричных путей АФНФ, а также выбранного арбитра.*

## ВВЕДЕНИЕ

Физически неклонируемые функции (ФНФ) имеют широкое применение в физической криптографии. Реализованные ФНФ на FPGA привлекательны благодаря относительной простоте реализации и небольшим аппаратурным затратам. Для изучения выбраны ФНФ типа арбитр (АФНФ) [1], реализованные на FPGA Artix 7 фирмы Xilinx, входящих в комплектацию плат быстрого прототипирования Digilent Nexys 4 [2]. Принцип, на котором основывается работа АФНФ, заключается в извлечении производственной энтропии при прохождении тестовых импульсов через звенья АФНФ, выражаящейся в различных временных задержках для каждого экземпляра АФНФ. Обычно в классической структуре АФНФ выделяют генератор тестовых сигналов (ГТС), блок симметричных путей (БСП), а также арбитр, отвечающий за выработку ответа ФНФ.

## I. ПОДГОТОВКА ЭКСПЕРИМЕНТА И СБОР ДАННЫХ

Для проведения эксперимента на языке VHDL было создано проектное описание экспериментальной установки изучения АФНФ с использованием САПР Vivado 2016.4. Проект включает в себя ГТС, устройство управления на основе цифрового конечного автомата (ЦКА), а также аппаратный генератор М-последовательности в виде сдвигового регистра с линейной обратной связью (linear feedback shift register, LFSR). Передача данных между установкой и ПК организована через интерфейс UART (Universal Asynchronous Receiver-Transmitter). Поддержка передачи данных через UART со стороны экспериментальной установки реализована с использованием IP ядер и soft-процессора Microblaze.

Исследование проводилось для АФНФ различных конфигураций: с различным числом звеньев БСП  $N$  ( $N = 16, N = 32, N = 64$  и  $N = 128$ ), а также с арбитрами на базе RS-зашелки и D-триггера.

Для определения характеристик АФНФ для всех конфигураций было проведено  $E = 10$  экспериментов на  $M = 10$  устройствах. Каждый эксперимент включал генерацию  $C = 10^6$  запросов к ФНФ и сбор такого же количества ответов. Также для вычисления внутрикристальной уникальности было реализовано  $D = 16$  идентичных АФНФ на каждом устройстве.

## II. ИССЛЕДОВАНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК АФНФ

Одной из ключевых характеристик ФНФ является стабильность, которая определяет стабильность ответа на фиксированный запрос для конкретного экземпляра ФНФ. Особенность актуальна эта характеристика, например, при использовании ФНФ в качестве средства генерации аппаратного идентификатора. Для классических реализаций АФНФ значение характеристики стабильности может быть снижено из-за особенностей выбранного арбитра, а также изменений внешних условий. Формально значение стабильности  $S(CH)$  ответа ФНФ  $R$  на запрос  $CH$  определяется следующим образом (формула 1):

$$S(CH) = 1 - \frac{1}{E} \sum_{e=1}^E HD(R_{ref}, R_e), \quad (1)$$

где  $E$  – количество экспериментов;  $e$  – индекс эксперимента;  $HD$  – расстояние Хемминга;  $R_{ref}$  – эталонное значение ответа на заданный запрос, определяемое по мажоритарному принципу;  $R_e$  – ответ на заданный запрос.

Стабильность каждой конфигурации АФНФ определялась как среднее арифметическое всех значений стабильности выполненных запросов и представляется формулой (2):

$$\frac{1}{K} \sum_{i=1}^k S(CH_i) \quad (2)$$

где  $K$  – количество запросов,  $i$  – индекс запроса.

Полученные результаты характеристик стабильности представлены на рисунке 2.

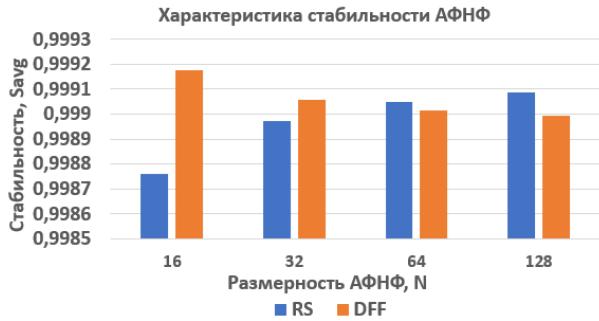


Рис. 1 – Зависимость значения средней стабильности АФНФ от размерности и выбранного арбитра

Метрика уникальности АФНФ для реализаций на идентичных интегральных схемах [3], а также копий АФНФ на одном устройстве, представляет собой усредненное расстояние Хэмминга между экземплярами ФНФ и рассчитывается согласно формуле:

$$U(PUF) = \frac{2}{m(m-1)} \sum_{u=1}^{m-1} \sum_{v=u+1}^m \frac{HD(R_u, R_v)}{l},$$

где  $m$  - количество экземпляров ФНФ,  $l$  - разрядность ответа ФНФ, бит.

Характеристики внутрикристальной и межкристальной уникальности, полученные в результате эксперимента, представлены на рисунках 2, 3.

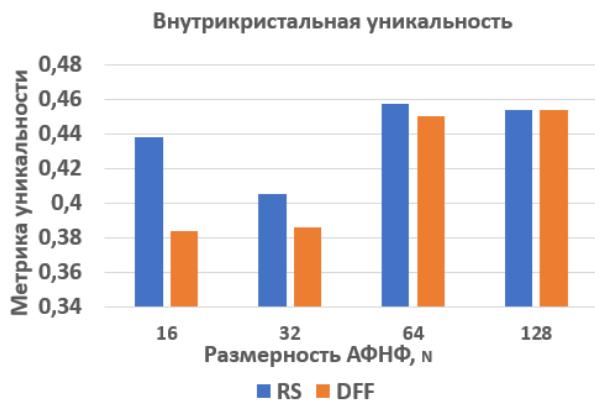


Рис. 2 – Зависимость значения внутрикристальной уникальности АФНФ от размерности и выбранного арбитра

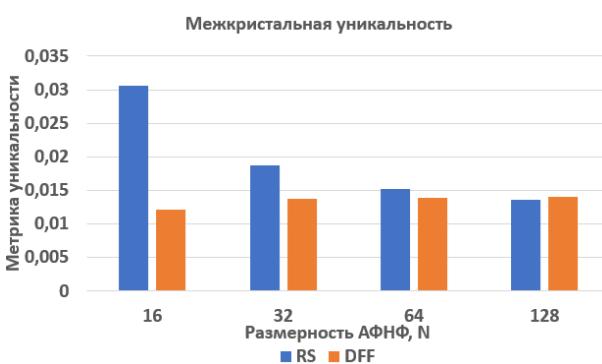


Рис. 3 – Зависимость значения межкристальной уникальности АФНФ от размерности и выбранного арбитра

Для оценки случайности была взята частота появления ответа  $r = 1$ . Пусть с использованием ФНФ сгенерирована последовательность ответов  $R$  длиной  $n$ , тогда вероятность появления символа  $\alpha$   $p_\alpha$ , встретившегося в  $R$  ровно  $k_\alpha$ , определяется через отношение:

$$p_\alpha = \frac{k_\alpha}{n}.$$

Экспериментальные результаты  $p_1$  отображены в виде графика на рисунке 4.

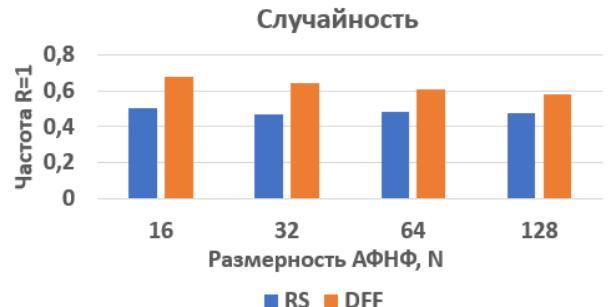


Рис. 4 – Зависимость значения вероятности ответа АФНФ  $r = 1$  от размерности и выбранного арбитра

Полученные результаты свидетельствуют о приближении значения  $p_1$  к эталонному  $p_1 = 0.5$  при увеличении количества звеньев БСП.

### III. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

На основе полученных результатов можно сделать вывод о преимущественно улучшении характеристик ФНФ с увеличением размерности АФНФ. Несколько лучшие характеристики демонстрируют реализации АФНФ с использованием RS-зашелки в качестве арбитра. Следует отметить, что при увеличении размерности АФНФ возрастают аппаратурные затраты и время генерации ответа.

Существенным недостатком исследованных реализаций АФНФ являются низкие значения межкристальной уникальности. Это может сильно затруднить их использование и потребовать использования дополнительных модификаций.

### IV. СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. A technique to build a secret key in integrated circuits for identification and authentication applications / J.W. Lee [et al.] // Intern. Symp. VLSI Circuits (VLSI'04), Honolulu, USA, June 15–19, 2004. – Honolulu, 2004. – P. 176–179
2. Nexys 4 artix-7 FPGA: Trainer board recommended for ece curriculum [Electronic resource]. — Mode of access: <https://store.digilentinc.com/nexys-4-artix-7-fpga-trainer-board-limited-time-see-nexys4-ddr/>. — Digilent, Inc, 2020. — Date of access: 30.10.2020.
3. Quantitative and statistical performance evaluation of arbiter physical unclonable functions on FPGAs / Y. Hori [et al.] // Proc. Int. Conf. on Reconfig. Comput. and FPGAs (ReConFig'2010). — Cancun, Mexico, 2010. — P. 298–303.