

# СИНТЕЗ ПИД-РЕГУЛЯТОРА МЕТОДОМ ОБРАТНОЙ ЗАДАЧИ ДИНАМИКИ

Сатинов Е. Е., Петухов В. И., Кийко В. Н.

Центр 1.6, Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники  
Минск, Республика Беларусь

E-mail: satinov.ee.study@gmail.com, vladpetuhov88@mail.ru, kiyko@bsuir.by

*Рассматриваются постановка задачи и принцип построения ПИД-регулятора методом обратной задачи динамики на примере коллекторного двигателя постоянного тока.*

## ВВЕДЕНИЕ

Когда идёт речь об обратных задачах, то под этим понимается задание, где требуется определить причины, если известны полученные в результате наблюдений следствия. Довольно распространены ситуации, в которых объект/процесс недоступны для непосредственного наблюдения. Например, когда требуется определить теплофизические параметры тела по измерениям некоторого температурного поля.

### I. Общая постановка задачи

В качестве изучаемого объекта выступает динамическая система, и решение многих прикладных проблем вызывает необходимость определения неизвестных и недоступных прямому измерению характеристик динамической системы (возмущений, помех, управлений, коэффициентов, параметров) по измерениям ее фазовых состояний [2, с. 101].

Общая постановка задачи такова. Пусть имеется объект управления, который можно описать в виде дифференциального уравнения n-го порядка, представленного ниже, в котором присутствует возмущение и управляющий сигнал:

$$F(x^{(n)}, x^{(n-1)}, \dots, x, \xi, t) = u \quad (1)$$

Фазовые переменные, описывающие состояние объекта управления, возмущения  $\xi$  и управление  $u$  зависят от времени. Выражение (1) может быть нестационарным, т.е. параметры которого явно изменяются во времени, а также содержать нелинейности.

### II. Принцип построения регулятора

Принцип построения регулятора заключается в отработке известного закона управления, который описывается дифференциальным уравнением с порядком, не ниже порядка уравнения, описывающего объект управления [1, с. 238]:

$$f(x^{(m)}, x^{(m-1)}, \dots, x, \psi, \psi^{(1)}, \dots, \psi^{(k)}, t) = 0,$$

где  $\psi, \psi^{(1)}, \dots, \psi^{(k)}$  – управляющий сигнал и его производные.

Количество производных выбирается так, чтобы полностью описать требуемый закон управления.

### III. ПРИМЕР НА ОСНОВЕ ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЯ ПОСТОЯННОГО ТОКА

Рассмотрим организацию управления коллекторным двигателем постоянного тока с возбуждением от постоянных магнитов. Метод обратной задачи динамики (ОЗД) будет использоваться для компенсации нелинейности в уравнении динамики двигателя, так как имеется существенное влияние нелинейного вязкого трения вала, пропорционального квадрату скорости его вращения. Уравнение электромеханической системы выглядит так:

$$\dot{\omega} = \frac{1}{J} (k_t \Phi I - B\omega - D\omega^2 - M_l);$$

$$\dot{I} = \frac{1}{L} (U - k_e \omega - RI).$$

Разработаем регулятор по методу ОЗД, чтобы динамика ошибки отработки задания по скорости двигателем соответствовала таковой для колебательного звена, описываемого выражением:

$$T^2 \ddot{\omega} + 2T\xi\dot{\omega} + \omega = \psi.$$

Чтобы получить выражение, окончательно описывающее регулятор, необходимо свести систему двух уравнений первого порядка к одному уравнению второго порядка [1, с. 267]. Для этого продифференцируем первое уравнение системы по времени (считая момент нагрузки неизменным):

$$J\ddot{\omega} = \Phi\dot{I} - B\dot{\omega} - 2D\omega\dot{\omega}.$$

Путём преобразований получим:

$$U = \frac{JL}{\Phi K_t} \left[ \left( \frac{R}{L} + \frac{B}{J} - \frac{2\xi}{T} \right) \dot{\omega} + \frac{2D}{J} \omega \dot{\omega} + \left( \frac{\Phi K_t K_{e+R} B}{JL} - \frac{1}{T^2} \right) \omega + \frac{RD}{JL} \omega^2 + \frac{RM}{JL} \right. \\ \left. + \frac{\psi}{T^2} \right].$$

Подадим на входы двух двигателей, один из которых дополнен регулятором, реализованным по принципу ОЗД, ступеньку с амплитудой 10 вольт в соответствии со схемой, изображённой на рисунке 1:

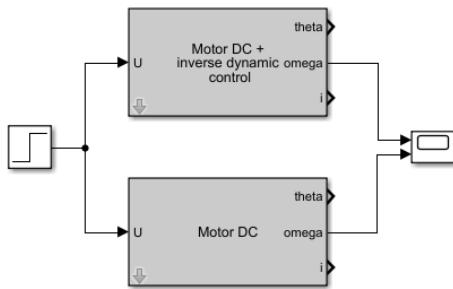


Рис. 1 – Схема для измерения реакции на воздействие

Реакция системы на ступеньку с амплитудой 10 вольт изображена на рисунке 2:

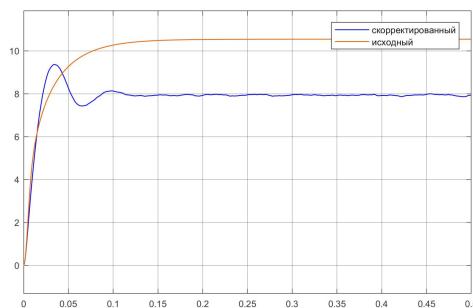


Рис. 2 – Реакция на ступеньку с амплитудой 10 вольт

Теперь сравним два двигателя с ПИД-регуляторами, структурная схема которых приведена на рисунке 3:

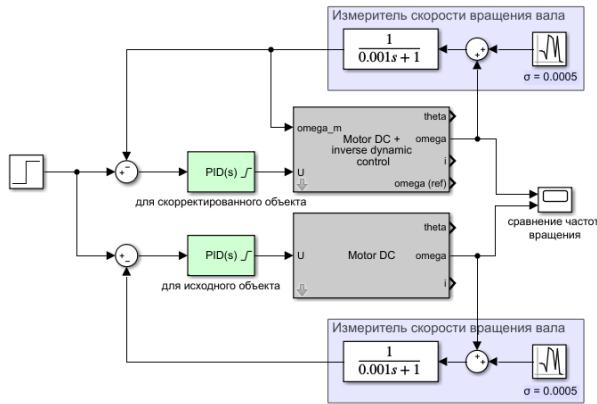


Рис. 3 – Структурная схема двигателей с ПИД-регуляторами

Реакция системы на ступеньку с амплитудой в 10 вольт изображена на рисунке 4:

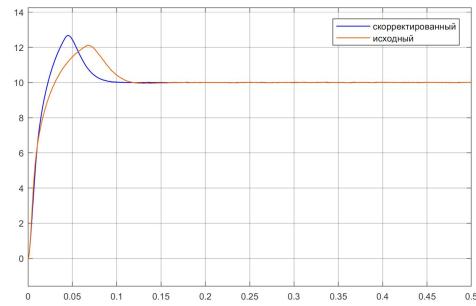


Рис. 4 – Реакция на ступеньку с амплитудой в 10 вольт

В первом случае (Рис. 2), видна нелинейная зависимость показателя колебательности скорректированной системы от амплитуды входного сигнала.

Во втором случае (Рис. 4) видно, что благодаря ПИД-регулятору, построенному по методу ОЗД, реакция системы на ступенчатый управляющий сигнал ускорилась, чего не удалось достичь применением обычного ПИД-регулятора из-за имеющейся в объекте управления нелинейности.

#### IV. Выводы

В статье был рассмотрен метод, позволяющий построить регулятор для управления нелинейными системами, что было рассмотрено на примере управления двигателем постоянного тока.

Основные преимущества этого метода: простота реализации требуемого закона управления, возможность управления нелинейными и нестационарными системами.

Недостатки метода: необходимость знания всего вектора состояния управляемой системы (для чего могут потребоваться операции дифференцирования, фильтрации), необходимость достаточно точной идентификации параметров управляемой системы, что может снизить robustность, необходимость исследования системы на неустойчивость.

#### V. СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Ким Д.П. Теория автоматического управления. Т.2. Многомерные, нелинейные, оптимальные и адаптивные системы. 2004.
2. Короткий, А. И., Обратные задачи динамики управляемых систем с распределенными параметрами, 1995, Известия высших учебных заведений. Математика, номер 11.
3. Бойчук Л.М. Метод структурного синтеза нелинейных систем автоматического управления. М., «Энергия», 1971.
4. Нестационарные системы автоматического управления: анализ, синтез и оптимизация / Под ред. К.А. Пупкова и Н.Д. Егупова. – М.: Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2007.