



СОЮЗ СОВЕТСКИХ  
СОЦИАЛИСТИЧЕСКИХ  
РЕСПУБЛИК

(19) SU (10) 1042027 A

3 (5D) G 06 F 15/31

ГОСУДАРСТВЕННЫЙ КОМИТЕТ СССР  
ПО ДЕЛАМ ИЗОБРЕТЕНИЙ И ОТКРЫТИЙ

## ОПИСАНИЕ ИЗОБРЕТЕНИЯ К АВТОРСКОМУ СВИДЕТЕЛЬСТВУ

(21) 3424540/18-24

(22) 15.04.82

(46) 15.09.83. Бюл. № 34

(72) Г.В.Римский, В.В.Таборовец,  
С.П.Белов и С.В.Таборовец

(71) Минский радиотехнический  
институт

(53) 681.32(088.8)

(56) 1. Авторское свидетельство  
СССР № 516041, кл. G 06 F 15/31,  
1976.

2. Авторское свидетельство  
СССР № 487391, кл. G 06 F 15/31,  
1975 (прототип).

(54)(57) ДИФФЕРЕНЦИРУЮЩЕЕ УСТРОЙСТВО,  
содержащее счетчик номеров коэффи-  
циентов дифференцируемой функции,  
регистр номера переменной, блок  
памяти коэффициентов при слагаемых  
и блок умножения, причем выходы  
счетчика номеров коэффициентов диф-  
ференцируемой функции соединены с  
адресными входами блока памяти  
коэффициентов при слагаемых, выходы  
которого подключены к входам перво-  
го сомножителя блока умножения,  
отличающееся тем, что,  
с целью расширения области применения  
устройства за счет дифференцирования  
функций нескольких переменных по  
любой из переменных, в него введе-  
ны распределитель импульсов, блок  
памяти показателей степеней пере-  
менных, счетчик степени переменной  
и блок сравнения с нулем, причем  
выход блока сравнения с нулем под-  
ключен к входу распределителя им-  
пульсов, первый выход которого сое-

динен со счетным входом счетчика  
номеров коэффициентов дифференци-  
руемой функции, второй выход распре-  
делителя импульсов подключен к  
входам задания режима чтения блока  
памяти коэффициентов при слагаемых  
и блока памяти показателей степе-  
ней переменных, третий выход распре-  
делителя импульсов подключен к вхо-  
дам задания режима записи блока  
памяти коэффициентов при слагаемых  
и блока памяти показателей степеней  
переменных, четвертый выход распре-  
делителя импульсов подключен к уп-  
равляющему входу блока умножения  
и счетному входу счетчика степени  
переменной, выходы которого соеди-  
нены с информационными входами бло-  
ка памяти показателей степеней  
переменных, выходы которого соеди-  
нены с информационными входами счет-  
чика степени переменной, и входами  
второго сомножителя блока умноже-  
ния, выходы которого соединены с  
информационными входами блока памя-  
ти коэффициентов при слагаемых,  
выходы счетчика номеров коэффициен-  
тов дифференцируемой функции соеди-  
нены с входами блока сравнения с  
нулем и первой группой адресных  
входов блока памяти показателей  
степеней переменных, вторая группа  
адресных входов которого соединена  
с выходами регистра номера перемен-  
ной, входы начальной установки  
устройства соединены с входами ре-  
гистра номера переменной и счетчика  
номеров коэффициентов дифференци-  
руемой функции.

(19) SU (10) 1042027 A

Изобретение относится к вычислительной технике и может быть использовано при построении специальных вычислительных устройств для работы с полиномами нескольких независимых переменных.

Известно дифференцирующее устройство, содержащее регистры коэффициентов, сумматоры, блоки управления, позволяющее дифференцировать функции только двух переменных по одной из переменных в численном виде, т.е. при заданных числовых значениях переменных [1].

Однако устройство не позволяет дифференцировать функции нескольких независимых переменных.

Наиболее близким техническим решением к изобретению является устройство дифференцирования алгебраических полиномов, содержащее блок степени полинома (регистр), генератор факториалов, блок умножения, блок уменьшения порядковых номеров коэффициентов (счетчик), блок деления, блок коэффициентов полинома (блок памяти) и блок кратности дифференцирования. Устройство позволяет дифференцировать только полиномы  $n$ -ой степени одной переменной вида

$$F(x) = A_n x^n + A_{n-1} x^{n-1} + \dots + A_1 x^1 + A_0 [2].$$

Недостатком данного устройства является невозможность дифференцирования полиномов нескольких независимых переменных по любой из переменных, т.е. получать частные производные по заданной переменной.

Цель изобретения - расширение области применения устройства за счет обеспечения возможности дифференцирования функции нескольких переменных по любой из переменных.

Поставленная цель достигается тем, что в дифференцирующее устройство, содержащее счетчик номеров коэффициентов дифференцируемой функции, регистр номера переменной, блок памяти коэффициентов при слагаемых и блок умножения, причем выходы счетчика номеров коэффициентов дифференцируемой функции соединены с адресными входами блока памяти коэффициентов при слагаемых, выходы которого подключены к входам первого сомножителя блока умножения, введен распределитель импульсов, блок памяти показателей степеней переменных, счетчик степени переменной и блок сравнения с нулем, причем выход блока сравнения с нулем подключен к входу распределителя импульсов, первый выход которого соединен со счетным входом счетчика номеров коэффициентов дифференцируемой функции, второй выход распределителя импульсов подключен

чен ко входам задания режима чтения блока памяти коэффициентов при слагаемых и блока памяти показателей степеней переменных, третий выход распределителя импульсов подключен к входам задания режима записи блока памяти коэффициентов при слагаемых и блока памяти показателей степеней переменных, четвертый выход распределителя импульсов подключен к управляющему входу блока умножения и счетному входу счетчика степени переменной, выходы которого соединены с информационными входами блока памяти показателей

степеней переменных, выходы которых соединены с информационными входами счетчика степени переменной, и входами второго сомножителя блока умножения, выходы которого соединены с информационными входами блока памяти коэффициентов при слагаемых, выходы счетчика номеров коэффициентов дифференцируемой функции соединены с выходами блока сравнения с нулем и первой группой адресных

входов блока памяти показателей степеней переменных, вторая группа адресных входов которого соединена с выходами регистра номера переменной, входы начальной установки устройства соединены с выходами регистра номера переменной и счетчика номеров коэффициентов дифференцируемой функции.

На фиг. 1 представлена структурная схема предлагаемого дифференцирующего устройства; на фиг. 2 - вариант структуры распределителя импульсов.

Дифференцирующее устройство (фиг. 1) содержит блок 1 сравнения с нулем, счетчик 2 номеров коэффициентов дифференцируемой функции, регистр 3 номера переменной, распределитель 4 импульсов, блок 5 памяти коэффициентов при слагаемых, блок 6 памяти показателей степеней переменных, блок 7 умножения и счетчик 8 степени переменной.

Распределитель импульсов (фиг. 2) содержит генератор 9 тактовых импульсов, элемент 10, счетчик 11 и дешифратор 12.

Выходы счетчика 2 подключены к входам блока 1 сравнения, к адресным входам блока 5 и первой группе разрядов адресного входа второго блока 6, к второй группе разрядов которого подключены выходы регистра 3, входы чтения и записи блоков 5 и 6 соответственно соединены и подключены к выходам распределителя 4 импульсов, выходы блока 5 подключены к первой группе входов блока 7 умножения, к второй группе входов подключены выходы второго блока 6, которые также подключены к входам второго счетчика 8, управляющий

вход блока умножения соединен со счетным входом счетчика 8 и подключен к выходу распределителя 4 импульсов, выходы блока 7 умножения подключены к информационным входам блока 5, выходы второго счетчика 8 подключены к информационным входам второго блока 6, выход блока 1 сравнения подключен к входу распределителя 4 импульсов, выход которого подключен к счетному входу счетчика 2.

Счетчики 2 и 8 являются вычитающими счетчиками. Счетчик 2 предназначен для формирования номеров коэффициентов дифференцируемой функции, блок 1 сравнения - для сравнения содержимого счетчика 2 с нулем, регистр 2 - для приема и хранения номера переменной, по которой имеется производная, блок 5 памяти - для хранения числовых значений коэффициентов при слагаемых, блок 6 памяти - для хранения числовых значений показателей степеней переменных дифференцируемой функции, блок 7 умножения - для умножения числового коэффициента при слагаемом на показатель степени переменной, по которой имеется производная, счетчик 8 - для вычитания единицы из показателя степени переменной, распределитель 4 импульсов - для выработки тaktирующих сигналов.

Устройство работает следующим образом.

Пусть необходимо взять первую производную от функции вида

$$F(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) = \sum_{i=1}^m C_i \prod_{j=1}^n x_j^{k_{ij}} = C_1 x_1^{k_{11}} x_2^{k_{12}} \dots x_n^{k_{1n}} +$$

$$+ C_2 x_1^{k_{21}} x_2^{k_{22}} \dots x_n^{k_{2n}} + \dots + C_m x_1^{k_{m1}} x_2^{k_{m2}} \dots x_n^{k_{mn}},$$

где  $C_1, C_2, \dots, C_m$  - числовые коэффициенты функции;

$x_1, x_2, \dots, x_m$  - независимые переменные;

$k_{ij}$  - показатели степеней соответствующих независимых переменных.

Необходимым условием выполнения алгоритма является размещение переменных в каждом слагаемом в одном и том же порядке, причем каждое слагаемое функции дополняется недостающими переменными.

Суть алгоритма состоит в следующем.

Функция представляется в виде таблицы.

Числовой коэффициент	Показатели степеней переменных
$C_1$	$k_{11}, k_{12}, \dots, k_{1j}, \dots, k_{1n}$
$C_2$	$k_{21}, k_{22}, \dots, k_{2j}, \dots, k_{2n}$
...	...
$C_i$	$k_{i1}, k_{i2}, \dots, k_{ij}, \dots, k_{in}$
...	...
$C_m$	$k_{m1}, k_{m2}, \dots, k_{mj}, \dots, k_{mn}$

Определяется порядковый номер переменной  $j$ , по которой берется производная.

Задается число слагаемых  $m$ .

Из строки  $i$  (в первом такте дифференцирования  $i = m$ ) выбирается коэффициент  $C_i$  и показатель степени  $j$ -й переменной  $k_{ij}$ .

Коэффициент  $C_i$  умножается на показатель степени  $k_{ij}$  и результат записывается на место  $C_i$  ( $C_i = C_i \cdot k_{ij}$ ).

Из  $k_{ij}$  вычитается единица и результат записывается на место  $k_{ij}$  ( $k_{ij} = k_{ij} - 1$ ).

Модифицируется  $i$ , т.е.  $i = j - 1$  и осуществляется переход к шагу 4.

Шаги 4-7 повторяются до тех пор, пока значение не станет нулевым.

Данный алгоритм реализуется в устройстве следующим образом.

Перед запуском устройства в регистре 3 заносится номер  $j$  переменной, по которой берется производная, в счетчик 2 - число  $m$ , равное количеству слагаемых в дифференцируемой функции, в блок 5 памяти записываются коэффициенты  $C_i$ , в блок 6 памяти - показатели степеней переменных  $k_{ij}$ , причем адреса коэффициентов  $C_i$  равны  $i$ , а адреса  $k_{ij}$  равны  $i$ . По сигналу чтения с выхода распределителя блоков 5 и 6 памятичитываются соответственно числовые значения коэффициента  $C_m$  и показателя степени  $k_{mj}$   $j$ -й переменной, которые поступают на информационные входы блока 7 умножения, кроме того,  $k_{mj}$  поступают в счетчик 8. По сигналу с выхода распределителя в блоке 7 умножения вычисляется произведение  $C_m \cdot k_{mj}$ , а в счетчике 8 из значения  $k_{mj}$  вычитается единица. Результаты вычислений с блока 7 умножения и счетчика 8 поступают на информационные входы соответствующих блоков 5 и 6 памяти, куда записываются по сигналу записи с выхода блока управления. Таким образом, теперь по адресу  $m$  в блоке

55

50

60

65

5 записывается значение  $C_m = C_m \cdot k_{m_j}$ , а по адресу  $m_j$  в блоке 6 памяти - значение  $k_{m_j} = k_{m_j} - 1$ . По сигналу с выхода распределителя в счетчике 2 значение  $m$  модифицируется на минус единицу и осуществляется переход к обработке ( $m - 1$ )-го слагаемого функции. Выработка сигналов на выходах распределителя идет до тех пор, пока содержимое счетчика не примет нулевое значение. При нулевом значении счетчика 2 срабатывает блок 1 сравнения, который вырабатывает сигнал, запрещающий выработку сигналов распределителем.

Если берется производная  $n$ -го порядка по заданной переменной, то

устройство запускается  $n$  раз. При этом перед каждым запуском восстанавливается содержимое счетчика 2.

- 5 Предлагаемое дифференцирующее устройство в отличие от известных позволяет дифференцировать функций нескольких независимых переменных по любой заданной переменной и функции без учета конкретных числовых значений переменных. Устройство имеет агрегативную структуру, что позволяет за счет подключения дополнительной памяти и увеличения разрядности блоков увеличить диапазон исследуемых функций по количеству переменных и слагаемых.
- 10 15

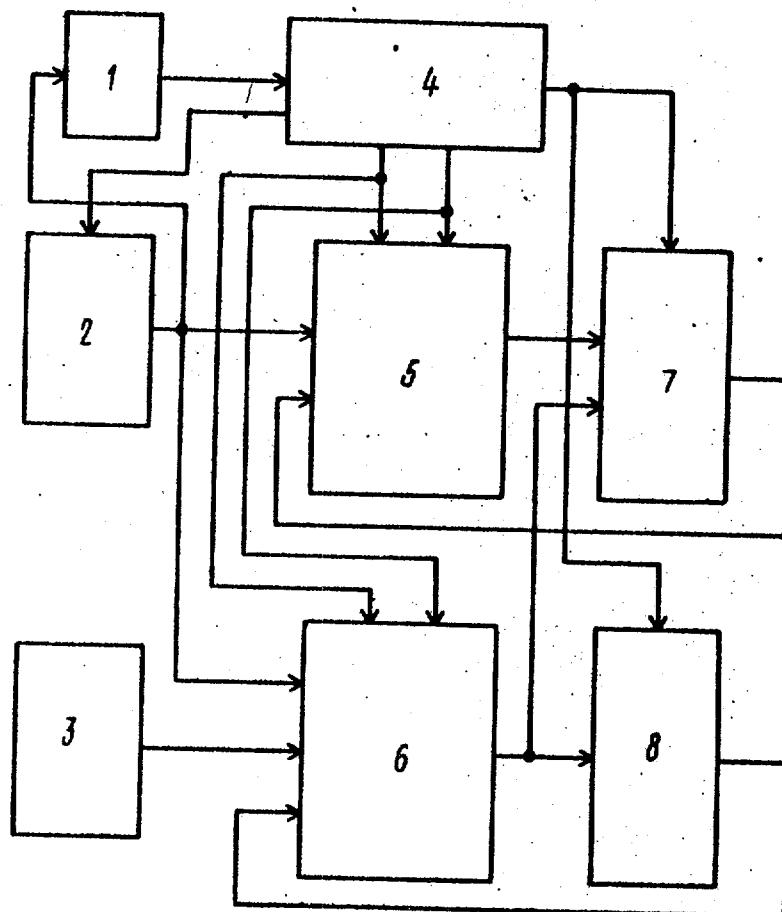


Рис.1

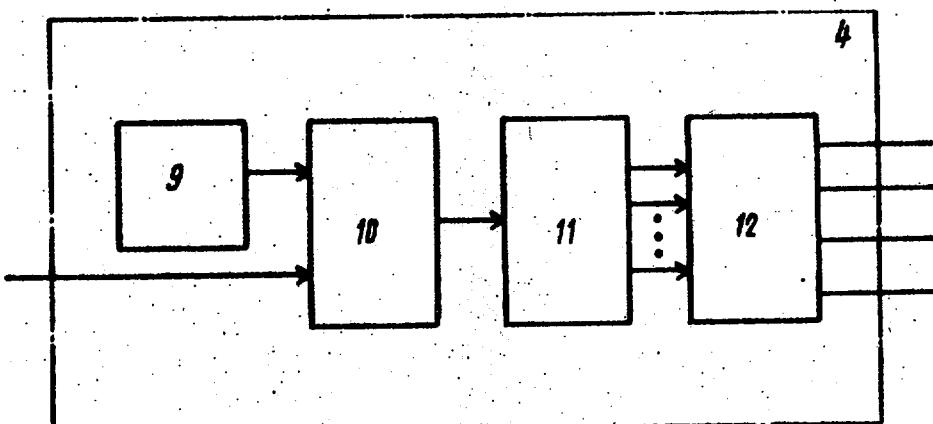


Рис.2

Составитель А. Чеканов  
 Редактор М. Келемеш Техред М. Костиц Корректор О.-Билак  
 Заказ 7129/49 Тираж 706 Подписано  
 ВНИИПИ Государственного комитета СССР  
 по делам изобретений и открытий  
 113035, Москва, Ж-35, Раушская наб., д. 4/5  
 Филиал ППП "Патент", г. Ужгород, ул. Проектная, 4